

回顧 - 參數預設值或內定值

- 函式的參數可以帶預設值或是內定值

```
void nStar(char symbol='*', int x=10) {
    for(int i=0;i<x;i++) cout << symbol;
    cout << endl;
}

nStar('x', 20);
nStar('+');
nStar();
```

回顧 - 變數的視野/範疇

- 函式的名稱可以重覆，只要函式名稱+參數的組合唯一即可。
- 全域變數可以宣告在所有的函式之外，可以被其以下的函式所使用
- 全域變數可用來在不同的函式之間交換資料，不過盡量不要這樣作，因為會造成程式除錯的困難。

```
int a;
void fun() {
    cout << a++;
}
int main() {
    a=3;
    fun();           3
    ++a;            5
    fun();           6
    cout << a;
    return 0;
}
```

回顧 - 遞迴函式

- 函式可以呼叫自己 → 遞迴

```
int arithmeticSequence (int i) {
    if(i==1) return 5;
    return arithmeticSequence(i-1)+3;
}

int geometricSequence (int i) {
    if(i==1) return 5;
    return 1.3 * geometricSequence(i-1);
}
```

$$a_i = a_{i-1} + d$$

$$a_1 = 5, d = 3$$

$$a_i = 5, r = 1.3$$

$$a_i = r \cdot a_{i-1}$$

Lecture 10

函式呼叫時的資料傳遞 (I) - 傳值
 參考型別
 函式呼叫時的資料傳遞 (II) - 傳參考
 基本檔案操作

回顧 - 函式覆載 (overloading)

- 函式的名稱可以重覆，只要函式名稱+參數的組合唯一即可。

```
double area(double r) {
    return r * r * 3.1415926535897932385;
}
double area(double width, double height) {
    return width * height;
}

void area(double r);
int area(int r);
float area(float r=2.0);
double area(double a, double b=2.0);
double area(double a, double b, double c, double d);
double area(double a, double b=1.0, double c);
```

函式呼叫時的資料傳遞 (I)

傳值呼叫 (call by value)

7 函式定義

```
int sum(int x) {
    int i, sum = 0;
    for(i=1; i<=x; i++) {
        sum += i;
    }
    return sum;
}
```

函式定義的介面決定了資料如何進入此函式、以及運算結果回傳給呼叫者 (caller)。

一般參數列可以將資料傳入進行運算，也可用來將資料傳出！(這個範例僅將資料傳入，而沒有資料能從參數列傳出！)

此為函式傳出資料的途徑一，使用 = 將回傳的資料存入一指定變數。e.g. q = sum(200);

10

10-2.cpp

```
#include <iostream>
using namespace std;

void swap(int a, int b);

int main() {
    int a = 3;
    int b = 7;

    cout << "a=" << a << ", b=" << b << endl;
    swap(a, b);
    cout << "a=" << a << ", b=" << b << endl;

    return 0;
}
```

8 10-1.cpp

```
#include <iostream>
using namespace std;
int test(int b) {
    b = b * 2;
    return b+1;
}
int main() {
    int a = 3;
    int b;
    b = test(a);
    cout << "a=" << a << endl;
    cout << "b=" << b << endl;
    return 0;
}
```

int b = a;

- 在 C/C++ 裡，參數的傳遞內定的方法是傳值呼叫 (call by value)。
- 在 test 函式被呼叫時，主程式傳入的 a 變數的值被複製一份到函式裡區域變數 b，然後才開始執行 test 函式的內容。
- 所傳入的參數 (e.g. a)，是用來初始化在函式裡的區域變數 (b)。
- test 函式結束時將 b+1 的值透過 return 的功能傳回主程式中，並在此範例中存入主程式中的 b 變數，然後 test 函式中的 b 變數即被消滅。
- 因為是傳值呼叫，無論 test 函式裡的 b 變數如何改變，都不會影響主程式裡 a 變數的值。

a=3
b=7

11 10-2.cpp (cont'd)

```
void swap(int a, int b) {
    cout << a << ", " << b << endl;
    int tmp = a;
    a = b;
    b = tmp;
    cout << a << ", " << b << endl;
}
```

a=3, b=7
3, 7
7, 3
a=3, b=7

此範例亦為傳值呼叫 (call by value)，所以雖然在 swap 函式裡成功將傳入的兩個變數交換了，在主程式中的兩個變數並沒有交換。

9 10-1.cpp 說明

```
#include <iostream>
using namespace std;
int test(int b) {
    b = b * 2;
    return b+1;
}
int main() {
    int a = 3;
    int b;
    b = test(a);
    cout << "a=" << a << endl;
    cout << "b=" << b << endl;
    return 0;
}
```

1: int main::a = 3;
2: int main::b;
3: _: int test::b = main::a; (test::b = 3)
a: test::b = test::b * 2; (test::b = 6)
b: return test::b + 1; (return 7)
main::b = 回傳值; (main::b = 7)
4: cout << "a=" << main::a << endl; (印出 main::a)
5: cout << "b=" << main::b << endl; (印出 main::b)

以下的 main::、test:: 用來強調該變數所在的區域或是說該變數所在的範疇 (scope)，並不是正確的語法。

12 10-2.cpp (cont'd)

以上程式中，真正重要且有執行的敘述與順序有：

```
main:: int main::a = 3;
main:: int main::b = 7;
main:: cout << "a=" << main::a << ", b=" << main::b << endl;
main:: swap(a, b);
swap:: int swap::a = main::a;
swap:: int swap::b = main::b;
swap:: cout << swap::a << ", " << swap::b << endl;
swap:: int swap::tmp = swap::a;
swap:: swap::a = swap::b;
swap:: swap::b = swap::tmp;
swap:: cout << swap::a << ", " << swap::b << endl;
main:: cout << "a=" << main::a << ", b=" << main::b << endl;
```

參考型別

10-4.cpp

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main() {
    int a = 3;
    int &b = a;
    int &c = b;
    int d = c;

    cout << a << " ", " << b << " ", " << c << " ", " << d << endl;
    d = 10;
    cout << a << " ", " << b << " ", " << c << " ", " << d << endl;
    c = 5;
    cout << a << " ", " << b << " ", " << c << " ", " << d << endl;

    return 0;
}
```

```
3 3 3 3
3 3 3 10
5 5 5 10
```

10-3.cpp

```
#include <iostream>
using namespace std;

int main() {
    int a = 3;
    int &b = a;

    cout << a << endl;
    cout << b << endl;
    b = 4;
    cout << a << endl;
    return 0;
}
```

變數 b 為變數 a 的參考
也可說變數 b 為變數 a 的別名、分身

```
3
3
4
```

函式呼叫時的資料傳遞 (II)

傳參考呼叫 (call by reference)

10-3.cpp 的說明

- 宣告 b 為一參考型別的變數，其參考的變數為 a
- 參考型別在宣告時，「**一定**」要指定參考那一個變數!
(有點類似在宣告常數變數(const)時，一定要指定常數值)
- 宣告出來的參考型別變數 b，為原來變數 a 的分身。
- 有時，亦可說 b 為 a 的別名 (alias)
- 所以，改變參考型別變數 b 的值，被參考到的變數 a 的值也會一起跟著改變。

10-5.cpp

```
#include <iostream>
using namespace std;
int test(int &b) {
    b = b * 2;
    return b+1;
}
int main() {
    int a = 3;
    int b;
    b = test(a);
    cout << "a=" << a << endl;
    cout << "b=" << b << endl;
    return 0;
}
```

int &b = a;

- 此範例為**傳參考**的函式呼叫。
- 在 test 函式被呼叫時，主程式傳入的 a 變數成為 b 這個參考型別的變數初始值，因此 b 變數在 test 函式中，為主程式中的 a 變數的分身。
- test 函式結束時將 b+1 的值透過 return 的功能傳回主程式中，並在此範例中存入主程式中的 b 變數。
- 因為是傳參考呼叫，所以在 test 函式中對於 b 變數的改變，實際上就是對主程式中的 a 變數作改變。

```
a=6
b=7
```

19

10-5.cpp 說明

```

#include <iostream>
using namespace std;
int test(int &b) {
    b = b + 2;
    return b+1;
}
int main() {
    int a = 3;
    int b;
    b = test(a);
    cout << "a=" << a << endl;
    cout << "b=" << b << endl;
    return 0;
}

```

以下的 main::、test:: 用來強調該變數所在的區域或是說該變數所在的範疇 (scope)；前面則提示所對應的程式敘述所在位置，並不是正確的語法。

```

1: int main::a = 3;
2: int main::b;
3:
   _: int test::&b = main::a;    (test::b = 3)
   a: test::b = test::b * 2;    (test::b = 6)
   b: return test::b + 1;       (return 7)
   main::b = retval;           (main::b = 7)
4: cout << "a=" << main::a << endl; (印出 main::a)
5: cout << "b=" << main::b << endl; (印出 main::b)

```

int &b = a;

22

10-6.cpp (cont'd)

```

void swap(int &a, int &b) {
    cout << a << ", " << b << endl;
    int tmp = a;
    a = b;
    b = tmp;
    cout << a << ", " << b << endl;
}

```

a=3, b=7
3, 7
7, 3
a=7, b=3

此範例亦為傳參考呼叫 (call by reference)，所以在 swap 函式裡成功將傳入的兩個變數交換了，在主程式中的兩個變數也成功地交換，因為函式裡的 a, b 為主程式中 a, b 的分身。

20

參數傳遞的方式有三種

- **傳值 (call by value)**
 - 此為預設方式，將傳入的變數值**拷貝**一份到函式內的區域變數 (local variable)。
- **傳參考 (call by reference)**
 - 使用參考型別的變數，將函式的區域參考變數參考到呼叫者的變數
- **傳址 (call by address)**
 - 使用指標型別的變數，將變數的記憶體位址拷貝一份到函式內的區域指標變數

23

10-6.cpp (cont'd)

以上程式中，真正重要且有執行的敘述與順序有：

```

main:: int main::a = 3;
main:: int main::b = 7;
main:: cout << "a=" << main::a << ", b=" << main::b << endl;
main:: swap(a, b);
swap:: int swap::&a = main::a;
swap:: int swap::&b = main::b;
swap:: cout << swap::a << ", " << swap::b << endl;
swap:: int swap::tmp = swap::a;
swap:: swap::a = swap::b;
swap:: swap::b = swap::tmp;
swap:: cout << swap::a << ", " << swap::b << endl;
main:: cout << "a=" << main::a << ", b=" << main::b << endl;

```

21

10-6.cpp

```

#include <iostream>
using namespace std;

void swap(int &a, int &b);

int main() {
    int a = 3;
    int b = 7;

    cout << "a=" << a << ", b=" << b << endl;
    swap(a, b);
    cout << "a=" << a << ", b=" << b << endl;

    return 0;
}

```

24

10-7.cpp

```

int main() {
    double r, area, perimeter;
    cout << "請輸入半徑:";
    cin >> r;

    circle(r, area, perimeter); // 如何寫這個函式?

    cout << "面積 = " << area << endl;
    cout << "圓周 = " << perimeter << endl;

    return 0;
}

```

A. 看起來，area 不管值是多少，函式呼叫完成後都會是圓面積。
B. 看起來，不管 perimeter 是多少，函式呼叫完成後都會是圓周長。
C. 所以，它們都應該使用傳參考呼叫。
D. 看起來，circle 函式沒有回傳值。

先想原型宣告

```
double r, area, perimeter;
circle(r, area, perimeter); // 如何寫這個函式?
```

回傳值型別
函式名稱(參數1宣告, 參數2宣告, ...)

宣告 = 變數型別 變數名稱
e.g. int a;

```
void
circle(
    double r,
    double &area,
    double &perimeter
);
```

- A. 看起來，area 不管值是多少，函式呼叫完成後都會是圓面積。
- B. 看起來，不管 perimeter 是多少，函式呼叫完成後都會是圓周長。
- C. 所以，它們都應該使用傳參考呼叫。
- D. 看起來，circle 函式沒有回傳值。

基本檔案操作

基本的檔案讀取與寫入

10-7.cpp (cont'd)

```
void circle(double r, double &area, double &perimeter)
{
    const double pi = 3.141592654;
    area = pi*r*r;
    perimeter = 2*pi*r;
}
```

檔案輸入與輸出 file I/O (input/output)

- 為什麼需要電腦檔案？
 - 所有我們目前學到的，都是在利用記憶體(變數)來進行運算，而運算的資料來源為：
 - 1) 內建於程式內的變數 (data = 3);
 - 2) 由使用者輸入 (cin >> data);
 - 運算得到的結果常常是輸出至螢幕上
 - cout << result;
- 問題
 - 運算結果無法長期保存下來、無法檢查
 - 使用者會忘記要輸入什麼資料
 - 重複輸入資料很煩、會出錯。
- 在 C/C++ 來說，電腦檔案是一種串流 (stream) 或資料流。

小結

- 函式呼叫僅使用傳值法 (C/C++ 的內定方法) 時，我們只能傳回一個運算結果 (透過 return)。
- 傳值呼叫 **不可能** 意外改到呼叫者 (e.g. main) 內的變數值。
- 傳參考時，乃將呼叫者的變數 (e.g. a)，在被呼叫函式中創造出一個別名，所以在函式裡改變變數值，則呼叫者的變數也會被改變。
- 傳參考呼叫方法則可能可以傳回一個以上的運算結果，並可以改變呼叫者內的變數值。
- 傳值呼叫，該參數為函式的輸入；傳參考呼叫，該參數可能為輸入值也可能為輸出值。10-6.cpp 中的 swap 函式 a b 兩變數是傳入值、也是傳出值。10-7.cpp 中的 circle，r 為傳入值、area、perimeter 為傳出值。

檔案串流 file stream

- 檔案串流，即為其來源或目的為電腦檔案
 - cin: 來源為鍵盤輸入的串流物件
 - cout: 來源為螢幕輸出的串流物件
 - 檔案串流需有相關的檔案名稱！
- 檔案輸入輸出串流
 - **檔案輸入串流**: ifstream (input file stream)
 - **檔案輸出串流**: ofstream (output file stream)
 - **檔案輸入輸出串流**:fstream (file stream) – 可設定作輸入、輸出的串流

10-8.cpp - 檔案輸出

```
#include <iostream>
#include <fstream>
using namespace std;
int main() {
    ofstream file;
    file.open("d:\\test.txt");
    if(!file) {
        cout << "檔案開啟錯誤!";
        return 255;
    }
    file << "Hello File!";
    file.close();
    return 0;
}
```

含括人檔案串流的相關原型宣告

宣告 file 為一輸出檔案串流物件
開啟 d:\test.txt
檢查檔案串流開啟狀態，一個好的程式
應該要檢查檔案是否有開啟成功，以
免後面的程式出錯。

將 "Hello File!" 插入至檔案串流
關閉檔案串流

串流的狀態 stream state

- 串流有以下的狀態，通常是經過輸入或輸出的操作後會被設定。
 - eof** (end of file): 串流已至檔案結尾，表所有資料都已經流過了，不會再有更多資料進來了。
 - fail**: 失敗，表示有輸入或操作的動作失敗。例如：
 - cin >> a; (其中 a 為整數，但輸入的資料為 "\$AC"，無法轉換)
 - bad**: 壞掉，表串流本身之完整性 (integrity) 有問題，通常代表即使將狀態清除後換一種操作仍然會發生問題。
- 可透以下相關函式檢查或設定
 - **bad()**: 回傳 true 時表示 bad 的狀態發生了。
 - **fail()**: 回傳 true 時表示 bad 或 fail 的狀態發生了。
 - **eof()**: 回傳 true 時表示已到達檔案結尾。
 - **clear()**: 將以上三種不好的狀態清除。
 - **good()**: 回傳 true 表示以上三種狀態都沒有發生，可以進行操作。
- 前範例中僅使用了 **eof()** 檢查是否到達檔案結尾。

檔案串流物件

- cin, cout, ofstream, ifstream 都是一種串流物件
- 之前 cin, cout 的操作 <<, >> 都可直接套用在檔案操作上。
 - file << "Hello File!";
 - file << "\nA=" << A << ", " << "B=" << B;
 - << 和 >> 稱為串流的插入與抽取運算子
- 檔案串流只增加了
 - #include <fstream>
 - ifstream abc; 或是 ofstream abc; ← 用來產生輸入/輸出串流物件
 - abc.open("c:\\test.dat"); ← 將串流物件關連於一個電腦檔案
 - abc.close(); ← 關閉檔案
 - 其中 abc 為任意合法的變數名稱

10-10.cpp

```
#include <iostream>
#include <fstream>
using namespace std;

int main() {
    int i, ans, a;
    unsigned long sum;
    char comma;
    ifstream inp;

    inp.open("d:\\test.dat");
    if(!inp) {
        cout << "檔案開啟錯誤";
        return 255;
    }
}
```

```
cout << "請問您要加總到的數目:";
cin >> ans;
for(i=1; i<=ans; i++) {
    inp >> a >> comma >> sum;
}
cout << "總和為: " << sum << endl;
inp.close();
return 0;
}
```

10-9.cpp - 將運算結果輸出至檔案

```
#include <iostream>
#include <fstream>
using namespace std;
```

```
int main() {
    int i;
    unsigned long sum=0;
    ofstream outp;

    outp.open("d:\\test.dat");
    if(!outp) {
        cout << "檔案開啟錯誤";
        return 255;
    }
}
```

```
for(i=1; i<=20000; i++) {
    sum += i;
    outp << i << ", " << sum << "\n";
}
outp.close();

return 0;
}
```

```
1, 1
2, 3
3, 6
4, 10
5, 15
.
.
```

HW09

Due: 6/5/2015

1. 一元二次方程式的解

請撰寫一程式，由使用者提供一元二次方程式 $ax^2 + bx + c = 0$ 中的係數 a 、 b 、與 c ，並計算該方程式的解。其中，主程式已完成如下頁，請根據主程式去撰寫其中的函式 `solve`，使其能達到求解的功能。參考輸入輸出如下頁。

$$ax^2 + bx + c = 0$$
$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

```
int main() {
    double a, b, c;
    cout << "請輸入一元二次方程式 ax^2 + bx + c = 0 中的 a, b, 與 c: ";
    cin >> a >> b >> c;
    int result;
    double x1, x2;

    result = solve(a, b, c, x1, x2);

    cout << a << "x^2 + " << b << "x + " << c << "=0 這個方程式";
    switch (result) {
        case 0:
            cout << " 沒有實數解。";
            break;
        case 1:
            cout << " 有一實根為: " << x1;
            break;
        case 2:
            cout << " 有兩實根為: " << x1 << ", " << x2;
            break;
        default:
            cout << "\n程式發生異常 ...";
            break;
    }
    return 0;
}
```

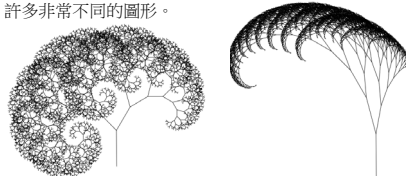
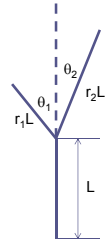
請輸入一元二次方程式 $ax^2 + bx + c = 0$ 中的 a, b , 與 c : 1 3 2
 $1x^2 + 3x + 2=0$ 這個方程式 有兩實根為: -1, -2

請輸入一元二次方程式 $ax^2 + bx + c = 0$ 中的 a, b , 與 c : 1 0 -2
 $1x^2 + 0x + -2=0$ 這個方程式 有兩實根為: 1.41421, -1.41421

請輸入一元二次方程式 $ax^2 + bx + c = 0$ 中的 a, b , 與 c : 1 0 2
 $1x^2 + 0x + 2=0$ 這個方程式 沒有實數解。

2. 碎形幾何 (fractal)

- 碎形幾何為由相同的「樣式」所組成的圖形。如下圖形為例，皆由簡單的「Y」重複繪製而成。其中，主幹的長度定義為 L ，每一個主幹會長出左、右兩分支，如右圖所示。其中左分支長度為 r_1L 、偏轉角度為 θ_1 ；右分支長度為 r_2L 、偏轉角度為 θ_2 。
- 透過變化 r_1 、 θ_1 、 r_2 、 θ_2 等四個參數，我們可以得到許多非常不同的圖形。



2. 碎形幾何 (fractal)

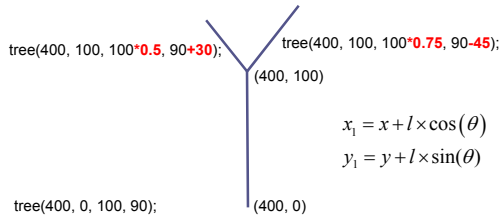
- 以下將定義本作業所需撰寫的程式：
- 本程式會有主程式 `main` 以及一個函式 `tree`。
- 請宣告五個全域變數，一個為 SVG 繪圖使用、另外四個則為前面介紹中的四個參數 r_1 、 θ_1 、 r_2 、 θ_2 。第一個變數主要由 `tree` 函式使用以繪圖；後面四個變數的值將在主程式中設定，並在之後的 `tree` 函式中被使用。
- 主程式中，讓使用者輸入一檔案名稱，爾後開啟使用者指定的檔案，並讀取檔案中的四個參數 r_1 、 θ_1 、 r_2 、 θ_2 後並將其值儲存於全域變數中。接著將檔案關閉，並將使用者指定的參數列印出來。接著呼叫 `tree` 函式（以下會介紹）根據使用者指定的四個參數以繪製碎形幾何之圖形。
- 繳交作業時，除了作業的程式碼外，請額外再多附三個參數檔，其中的參數是你認為你喜歡的結果。

2. 碎形幾何 (fractal)

- 此程式中需要遞迴呼叫 `tree` 函式以繪製圖形。以下為 `tree` 這個函式的原型宣告：
 - `void tree(double x, double y, double L, double theta);`
 - x, y 為「Y」中主幹的根部座標、 L 為主幹長度、 θ 為主幹方向。
- 在 `tree` 函式的內部， x, y 為主幹的起點座標
 - 首先計算主幹的終點座標 (x_1, y_1)
 - 繪製直線 $(x, y) - (x_1, y_1)$
 - 如果主幹長度 < 5 ，則 `return`；(不再繪製分支)
 - 呼叫 `tree` 函式，繪製左分支
 - 呼叫 `tree` 函式，繪製右分支
- 注意 SVG 繪圖時的座標系統與我們習慣的座標系統不同。

2. 碎形幾何 (fractal)

參數：
 $r_1=0.5, \theta_1=30$
 $r_2=0.75, \theta_2=45$



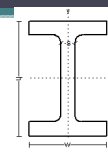
參考執行結果

請輸入端點荷重大小 (lb.) : 100
 請輸入可容許變位量 (in.) : 1
 請輸入樑的長度 (in.) : 1000

- S24x121 變位量為 0.363648 in., 總重量為 10083.3 lb.
- S24x106 變位量為 0.390859 in., 總重量為 8833.33 lb.
- S24x100 變位量為 0.480806 in., 總重量為 8333.33 lb.
- S24x90 變位量為 0.510723 in., 總重量為 7500 lb.
- S24x80 變位量為 0.547203 in., 總重量為 6666.67 lb.
- S20x96 變位量為 0.6881 in., 總重量為 8000 lb.
- S20x86 變位量為 0.727295 in., 總重量為 7166.67 lb.
- S20x75 變位量為 0.897755 in., 總重量為 6250 lb.
- S20x66 變位量為 0.965652 in., 總重量為 5500 lb.

總共試了 31 種梁，其中 9 種可以使用。

隨堂練習



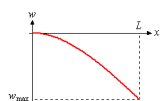
Properties in imperial units of American Standard Beams according ASTM A6 are indicated below.

Designation	Dimensions					Static Parameters				
	Imperial (in x lb/ft)	Depth h (in)	Width w (in)	Web Thickness s (in)	Sectional Area (in ²)	Weight (lb/ft)	I_x (in ⁴)	I_y (in ⁴)	W_x (in ³)	W_y (in ³)
S 24 x 121	24.5	8.050	0.800	0.820	35.6	121	3160	83.3	258	20.7
S 24 x 106	24.5	7.780	0.820	0.820	31.2	106	2940	77.1	240	19.6
S 24 x 100	24	7.425	0.745	0.820	29.3	100	2390	47.7	199	13.2
S 24 x 90	24	7.125	0.625	0.820	26.5	90	2250	44.9	187	12.6
S 24 x 80	24	7.000	0.500	0.820	23.5	80	2100	42.2	175	12.1
S 20 x 96	20.3	7.200	0.800	0.820	28.2	96	1670	50.2	165	13.9
S 20 x 86	20.3	7.060	0.660	0.820	25.3	86	1580	46.8	155	13.3
S 20 x 75	20	6.385	0.635	0.820	22.0	75	1280	29.8	128	9.32
S 20 x 66	20	6.255	0.505	0.820	19.4	66	1190	27.7	119	8.85

http://www.engineeringtoolbox.com/american-standard-beams-d_1320.html

選擇 I 型樑

請撰寫一程式，讓使用者輸入一懸臂梁的自由端端點垂直荷重、可接受的最大變位量、以及懸臂梁的長度。之後列出檔案中所定義各種 I 型梁斷面，那一些可以滿足所指定的條件，以及其重量。請假設楊氏模數 E 為 200×10^9 (GPa)。請注意所給梁的檔案使用英制單位！



$$w(x) = -\frac{Px^2(3L-x)}{6EI} \quad w_{\max} = w(L) = -\frac{PL^3}{3EI}$$

http://www.efunda.com/formulae/solid_mechanics/beams/casesstudy_display.cfm?case=cantilever_endload